### III.1. INTRODUCTION

Ce Chapitre est consacré à la modélisation et la simulation d'une machine à simple effet avec un échangeurde solution fonctionne avec le couple (H2O/LiBr) à partir des équations nécessaires pour le calcul des propriétésthermodynamiques et physiques de la solution binaire composée de l'eau et du bromure de lithium, ces équations sont présenterdans le chapitre II.

Donc afin de calculer le COP du système étudié on verra l'influence des déférentes efficacités des échangeurs de chaleur sur le COP du système.

Ce cycle thermodynamique de la machine à absorption est entrainer par un capteur solaire, la figure III.1 et III.2 représentent respectivement le besoin frigorifique dans une journée est l'insolation, et le besoin frigorifique annuaire est l'insolation : [37]

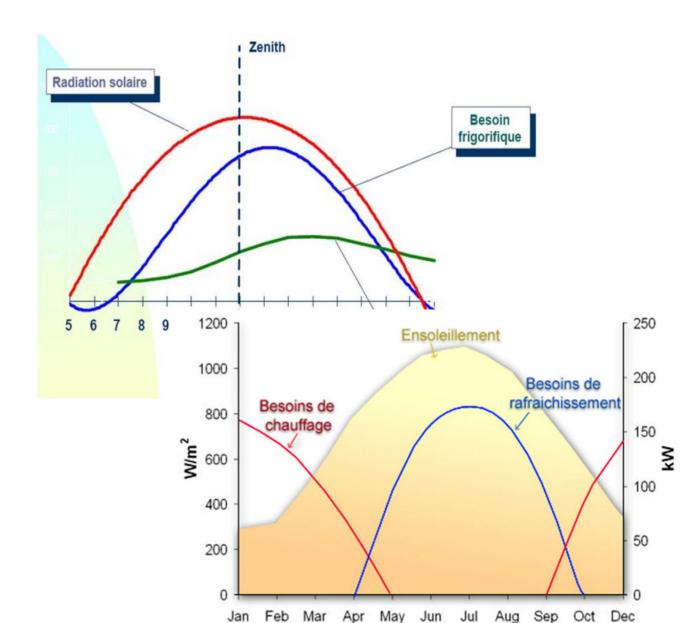


Figure III.2 : Besoin frigorifique et chauffage dans une année

Figure (III.1) et (III.2) représentent une coïncidence entre le besoin frigorifique et l'insolation, alors l'augmentation de la chaleur et l'insolation entraine une augmentation de besoin frigorifique ce qui donne un point positive pour l'énergie renouvelable et ce système de refroidissement absorption solaire car on va utiliser ce système pour l'apport de chaleur dans la machine à absorption.

Le tableau suivant (III.1) représente les températures d'une journée de mois de 29 Juillet 2015 de site de Mecheria, Willaya de Naama.

Heur	Température	Heur	Température	Heur	Température
00:00	17°	08:00	27°	16:00	38°
01 :00	16°	09 :00	29°	17 :00	35°

02:00	17°	10 :00	33°	18:00	31°
03 :00	18°	11:00	35°	19:00	27°
04:00	20°	12:00	37°	20 :00	25°
05 :00	22°	13 :00	39°	21 :00	21°
06:00	23°	14:00	41°	22 :00	19°
07 :00	24°	15 :00	40°	23 :00	18°

Table III.1 : Les températures moyennes d'une journée de mois de 29 Juillet 2015 du

site de Mecheria [38]

### III.2. MODELISATION ET SIMULATION DE SYSTEME

On va utiliser un exemple réel pour la modélisation et la simulation de système consacrée surl'étude d'une machine à absorption faible puissance de 4.5 kW marque Espagnol ROTARTICA technologie.[39]Cette machine fonction dans une plage de température de 80°C à 120 °C.

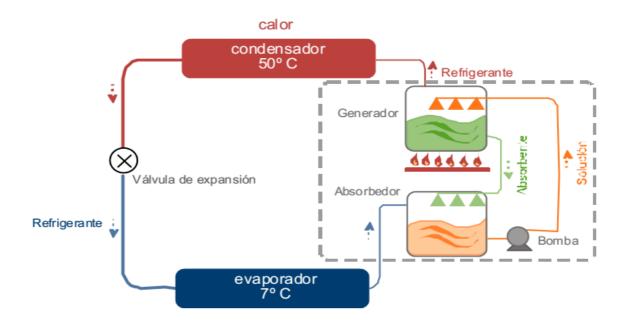


Figure III.3 Schéma de la machine à absorption de 4.5 kW ROTARTICA[39]

Dans toutes les corrélations qui suivent on admettre que :

- > Toutes les températures sont données en (°C)
- Toutes les enthalpies sont données en (kj/kg)
- > Toutes les pressions sont données en (kpa)
- ➤ Toutes les concentrations sont données en (%) (par rapport au pourcentage del'absorbant dans la solution)
- La densité du mélange est donnée en (Kg/m3)

# III.2.1 Modélisation et simulation de la puissance instantanée d'un capteur solaire thermique

La puissance instantanée d'un capteur solaire peut être définie par une équation caractéristique simpledans laquelle le capteur est caractérisé par sa surface et par deux coefficients caractéristiques. Cetteéquation admet différentes formes suivant la température de fluide qui sert de référence.[41]

$$Pu = S.(B.E0 - K.\Delta T)$$
 (III.1)

Avec:

Pu: puissance utile (W)

E0 : rayonnement solaire disponible sur le plan des capteurs (W/m²)

 $\Delta T$ : différence de température entre l'extérieur (ou température ambiante) et la température moyennedu fluide dans les capteurs (ou température de l'absorbeur) (K)

S: surface des capteurs (m²)

B : facteur optique du capteur

K : coefficient de déperdition thermique du capteur (W/m².C)

Pour E0=  $850 \text{ W/m}^2$  et  $\Delta T = 65^{\circ}\text{C}$  et B= 0.8 et K=2 W/m<sup>2</sup>.C

$$Pu = S. (0.8 \times 850 - 2 \times 65)$$

$$Pu = 550 X S$$

Pour une surface de 1m² la puissance de capteur et de l'ordre de Pu=550 W

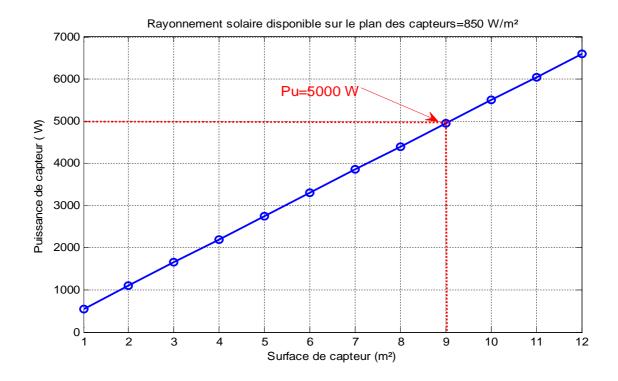


Figure III.4Variation de la puissance de capteur solaire en fonction de la surface de captation

La figure III.4 montre la variation de la puissance du capteur en fonction de la surface de captation de rayonnement solaire.La puissance de capteur de 5 kW pour fournir un flux de chaleur suffisant pour notre machine à absorption est utilisée pour cette étude.

### III.2.2 Modélisation et simulation de la machine à absorption

Les modèles numériques élaborés permettent de prédire le comportement de l'installation dans son ensemble. Nous avons, dans un premier temps, dimensionné le système à absorption simple à l'aide du logiciel Matlab.

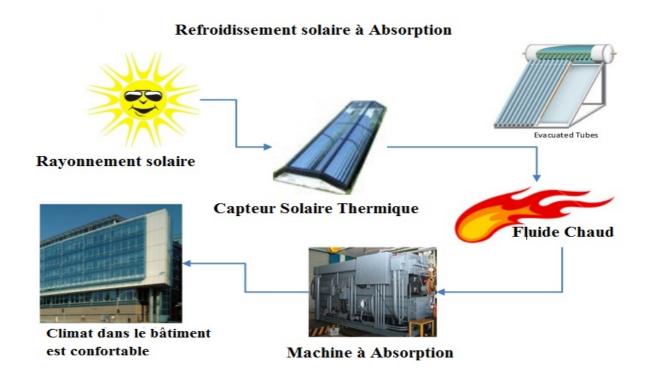


Figure III.5 Schéma de la machine à absorption avec échangeur

## III.2.3L'influence de différent facteur sur le COP du système de refroidissement à absorption

Les données de départ sont présentées dans le tableau III.3

$\dot{Q}_e$ [kW]	4.5
Pu [kW]	5
Te [°C]	5
Ta [°C]	25
Tc [°C]	30
Tg [°C]	65 à 120
<i>Eff</i> [%]	25

Table III.3 Paramètres de la simulation

Les algorithmes de calcul sous Matlab sont présentés dans la figure III.6

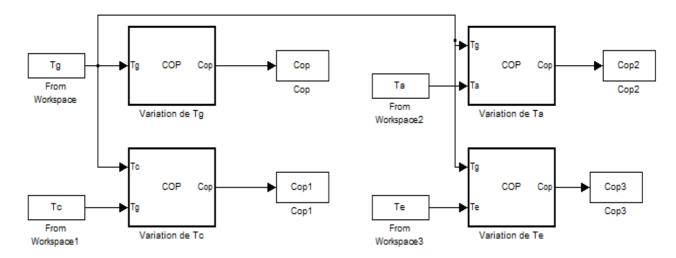


Figure III.6 : Algorithme de calcule du COP du système sous Matlab

La figure III.6 représente les étapes de simulation du système étudiésous l'environnement Matlab et le code Embedded.

Dans la suite de ce travail on va consacrer à la simulation de système sous différent condition affectant le COP du système.

La relation, de Carnot (II.16) est utilisée pour les prochaines calculéede COP pouravoir l'influence de différente température uniquement, Ce calcule fait à partir des hypothèses sur les températures de (Générateur, Condenseur, Absorbeur, Evaporateur), puis l'efficacité de l'échangeur de chaleur sur le système qu'il est l'objective dans ce mémoire.

#### III.2.3.1 L'effet de la température de générateur (Tg) sur le COP

On fixe la température d'évaporation (Te) à 5°C et la température de l'absorbeur (Ta)à 25°C, la solution riche en fluide frigorigène, et on fait varier la température de générateur (Tg) de(80°C – 120°C) ainsi que la température de condensation (Tc) de (30°C– 40°C) avec une efficacité d'échangeur de chaleur d'égale à70%.

Le tableau qui suit montre la variation du coefficient de performance (COP) en fonction de (Tg)

Tg(°C)	Tc= 30°C	Tc=35°C	Tc=40°C	
80	0.61875	0.515625	0.44196429	
85	0.63529412	0.52941176	0.45378151	
90	0.65	0.54166667	0.46428571	
95	0.66315789	0.55263158	0.47368421	
100	0.675	0.5625	0.48214286	
105	0.68571429	0.57142857	0.48979592	
110	0.69545455	0.57954545	0.49675325	
115	0.70434783	0.58695652	0.50310559	
120	0.7125	0.59375	0.50892857	

Table III.3 Variations du coefficient de performance (COP) en fonction de (Tg)

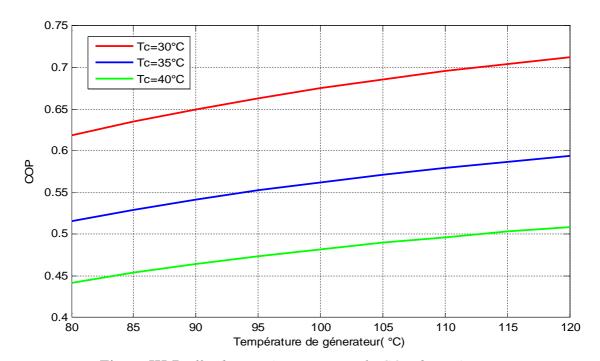


Figure III.7 Effet de température Tg sur le COP de système

La figure III.7montre que l'augmentation de la température de générateur (Tg) fait augmenter la valeur du COP de système, alors on provient à des basses températures de la condensation qui donnera des bonnes valeurs du COP.

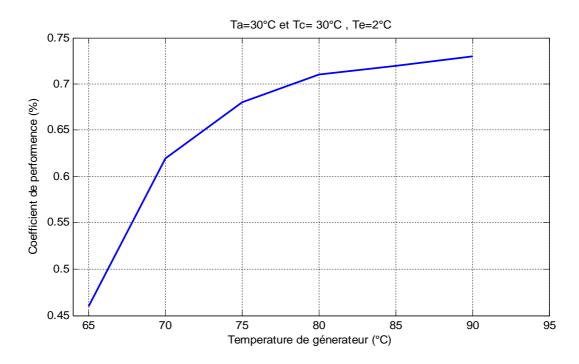


Figure III.8 variation du COP en fonction de  $T_a$  avec  $T_{cd} = T_{ab} = 30^{\circ} C$  et  $T_e = 2^{\circ} C$ 

Figure III.8 cette figure montre que le COP du système augmente avec l'augmentation du  $T_a$  fournie par le champ solaire.

### III.2.3.2 L'effet de la température de condenseur (Tc) sur le COP

On fixe la température d'évaporation (Te) à 5°C et la température de l'absorbeur (Ta) à 25°C, la solution riche en fluide frigorigène, et on fait varier la température de générateur (Tg) de(80°C – 120°C) et la température de condensation (Tc) de (30°C– 46°C) avec une efficacité d'échangeur de solution égale à70%. Les résultas sont présentées dan le tableau qui suit

Tc (°C)	Tg=80°C	Tg=90°C	Tg=100°C	Tg=110°C	Tg=120°C	
30	0.6188	0.6500	0.6750	0.6955	0.7125	
32	0.5729	0.6019	0.6250	0.6439	0.6597	
34	0.5334	0.5603	0.5819	0.5995	0.6142	
36	0.4990	0.5242	0.5444	0.5609	0.5746 0.5398	
38	0.4688	0.4924	0.5114	0.5269		
40	0.4420	0.4643	0.4821	0.4968	0.5089	
42	0.4181	0.4392	0.4561	0.4699	0.4814	
44	0.3966	0.4167	0.4327	0.4458	0.4567	
46	0.3773	0.3963	0.4116	0.4241	0.4345	

**TableauIII.4** Variations du coefficient de performance (COP) en fonction de (Tc)

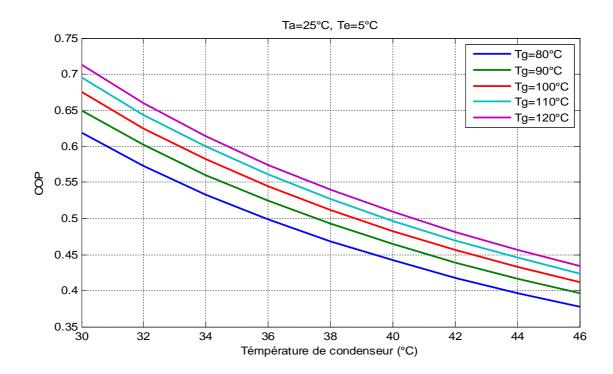


Figure III.9 Effet de température Tc sur le COP de système avec Tg en haut température

La figure III.9 montre quel'augmentation de la température de condensation(Tc)influe sur le coefficient de performance (COP) par ce que Tc fait diminuer le COP.

Alors on a des températures basses de générateur donc le COP se diminue rapidement et des températures élevées de générateur provoquent la diminution de COP.

### III.2.3.3 L'effet de la température d'absorbeur (Ta) sur le COP

On fixe la température d'évaporation à Te=5°C et la température de condenseur à Tc= 32°C avec une variation de température de générateur de (65°C à 120 °C) et l'Efficacité =70% on obtient, les valeurs dans le tableau suivant :

Ta (°C)	Tg=80°C	Tg=90°C	Tg=100°C	Tg=110°C	Tg=120°C	
25	0.5729	0.6019	0.6250	0.6439	0.6597	
27	0.5521	0.5833	0.6083	0.6288	0.6458	
29	0.5313	0.5648	0.5917	0.6136	0.6319	
31	0.5104	0.5463	0.5750	0.5985	0.6181	
33	0.4896	0.5278	0.5583	0.5833	0.6042	
35	0.4688	0.5093	0.5417	0.5682	0.5903	
37	0.4479	0.4907	0.5250	0.5530	0.5764	
39	0.4271	0.4722	0.5083	0.5379	0.5625	
41	0.4063	0.4537	0.4917	0.5227	0.5486	

**Table III.5**Variations du coefficient de performance (COP) en fonction de (Ta)

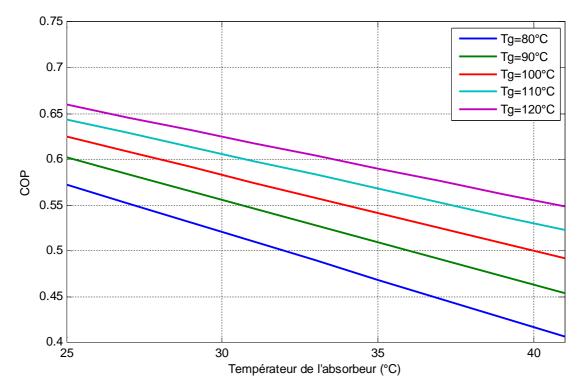
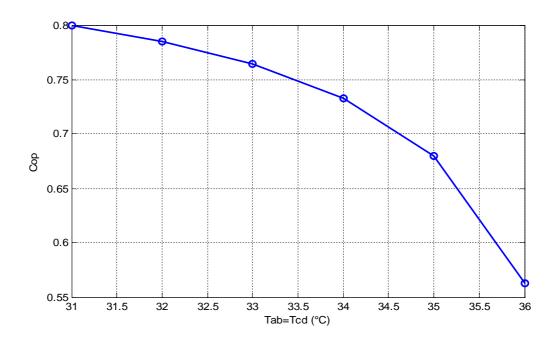


Figure III.10 variations du COP de en fonction de Ta avec Tg en haute température

La figure III.10 montre que l'augmentation de la température de l'absorbeur augmente la valeur de taux de circulation (FR) et parconséquent la diminution du coefficient de performance (COP), alors la diminution de la température d'absorption (Ta) permet l'augmentation du(COP), toutefois leCOPse stabilise pour des températures (Tg) au de la de



 $80^{\circ}C$ 

*Figure III.11* variation du COPde en fonction de Ta avec Tg=65°C

La figure III.11 montre que, pour une même puissance frigorifique, une élévation de température  $T_{ab}$  implique une demande d'énergie thermique au générateur plus importante, ce qui fait augmenter la surface du champ solaire et les débits des solutions respectivement riche et pauvre (et des diamètres de conduits plus élevés). Implicitement le COP du système diminue.

### III.2.3.4 L'effet de la température d'absorbeur (Te) sur le COP

On fixe la température de condensation (Tc) à  $32^{\circ}$ C et la température de l'absorbeur(Ta) à  $25^{\circ}$ Cet donc la concentration riche en fluide frigorigène, et on fait varier latempérature d'évaporation(Te) de ( $1^{\circ}$ C –  $6^{\circ}$ C) et la température de générateur (Tg)de( $80^{\circ}$ C –  $120^{\circ}$ C) avec une efficacité d'échangeur de solution égale à70%.

Te (°C)	Tg=80°C	Tg=90°C	Tg=100°C	Tg=110°C	Tg=120°C
<b>1</b> 0.0665		0.0786	0.0907	0.1028	0.1149
3	0.2134	0.2522	0.2909	0.3297	0.3685
5	<b>5</b> 0.3819		0.5208	0.5903	0.6597
6	0.4760	0.5625	0.6490	0.7356	0.8221

*Table III.6*Variation du coefficient de performance (COP) en fonction de (Te)

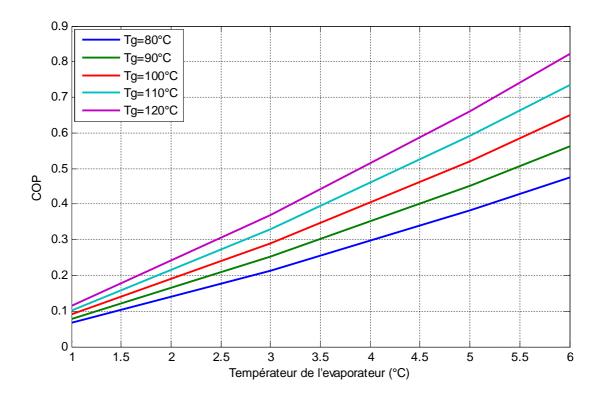


Figure III.12 variations du COP de en fonction de Te avec Tg en haut température

La figure III.12 représente la température de l'évaporateur fixe la valeur de la basse pression et doncl'augmentation de celle-ci fait élever l'enthalpie h3à la sortie de l'évaporateur, alors le COP s'augmente avec une relation de corrélation directe avec les températures de l'évaporateur.

### III.2.3.5 L'effet de l'efficacité de l'échangeur sur le COP

Pour des températures (Ta, Te, Tc,) connus et une valeur de (Tg) variable on vaétudier l'effet de l'efficacité d'échangeur de chaleur sur le COP.

Pour:

Ta=25°C

 $Tc=32^{\circ}C$ 

 $Te=5^{\circ}C$ 

On obtient les résultats suivants :

	Tg= 82°C	Tg= 90°C	Tg= 105°C	Tg= 110°C	
Eff=5%	0.1	0.53	0.64	0.66	

Eff=10%	<b>10%</b> 0.11 0.55		0.65	0.67
Eff=15%	0.26	0.65	0.67	0.68
Eff=25%	0.27	0.66	0.68	0.69
Eff=35%	0.28	0.67	0.69	0.7
Eff=45%	0.29	0.68	0.7	0.71
Eff=50%	0.3	0.69	0.71	0.72
Eff=60%	0.31	0.7	0.72	0.73
Eff=70%	<b>0%</b> 0.32 0.71		0.73	0.74
Eff=80%	0.33	0.72	0.74	0.75

**Table III.7**variation du (COP) pour les différentes efficacités de l'échangeur de chaleur

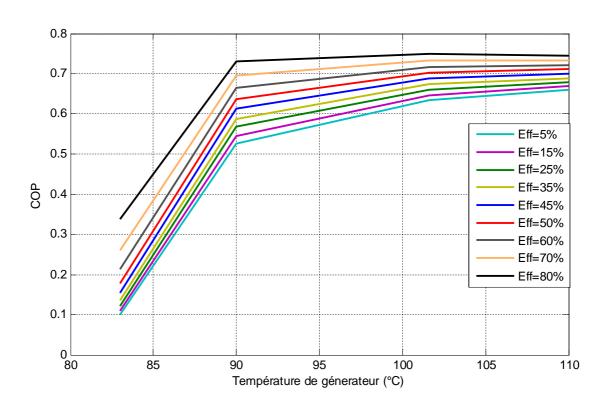


Figure III.13 variations du (COP) pour les différentes efficacités de l'échangeur de chaleur

La figure III.13 montre que le COP augmente avec l'augmentation des températures du générateur avec les bons pourcentages d'efficacités d'échangeur.

Les résultats montrent qu'il y a une relation entrel'efficacité de l'échangeur de chaleur et le coefficient de performance (COP).Doncl'utilisationd'un échangeur de chaleur avec une bonne efficacité donneun COP élevé. On remarque aussi que a des basses températures du générateur de Tg=80°C jusqu'a Tg= 90°C l'augmentation de l'efficacité de l'échangeurascendantavec le COP, après cesdernièrestempératures le COP commence se stabilise.

## III.2.4L'influence de différent facteur sur le taux de circulation (FR) du système de refroidissement à absorption

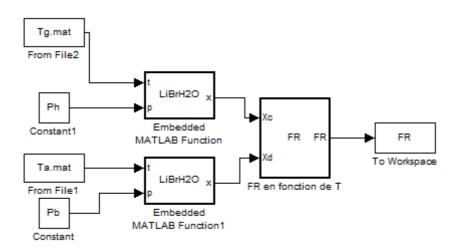


Figure III.14 : Algorithme de calcule le FR du système sous Matlab

La figure III.14 représente les étapes de simulation dans Matlab et le code Embedded se présente dans l'annexe A2 le calcule de taux de circulation est comme suit :

1. Calcul Pression haut et basse à l'équation suivante :

$$P_{eq} = P_c \exp\left(\frac{T_c}{T_K}\sum a\right)$$
 D'où (III.2)

$$a = \frac{T_c}{T_k} \left( -7.85823T_0 + 1.83991T_0^{1.5} - 11.781T_0^3 + 22.6705T_0^{3.5} - 15.9393T_0^4 + 1.77516T_0^{4.5} \right)$$

- $T_k = T + 273.15$
- $T_0 = 1 \frac{T_c}{T_K}$
- $\triangleright$   $P_c = 1 bar$ 
  - 2. Définir les fractions Xc et Xd à l'aide de diagramme d'Oldham Figure 2.2 d'où
    - Xc=en fonction (Tg,Ph)
    - Xd= en fonction(Ta,Pb)
  - 3. La relation, (II.2) est utilisée pour les prochains calculs de FR

Dans la suite de ce travail on va consacrer à la simulation de système sous différent condition affectant le FR du système pour voir l'influence de différente température uniquement, Ces calcule fait à partir des hypothèses sur les températures de (Générateur, Condenseur, Absorbeur, Evaporateur), puis l'efficacité de l'échangeur de chaleur.

## III.2.4.1L'effet de Température de générateur (Tg) et température de condenseur (Tc) sur le FR

On fixe la température d'évaporation (Te) à 5°C et la température de l'absorbeur (Ta)à 25°C, et on fait varier latempérature de condensation (Tc) de (30°C – 40°C) et la température de générateur(Tg) de(80°C – 110°C) avec une efficacité d'échangeur de solution égale à70%.

Tg	Tc=30°C	Tc=35°C	Tc=40°C	Tc=45°C
80	6.89	12.0575	28.938	107.0706
82	6.74	11.7575	24.938	60.5353
84	6.59	11.4575	20.638	49.9503
86	6.44	11.1575	19.0602	39.3653
88	6.29	10.8575	17.0602	28.7803
90	6.14	10.5575	15.0602	18.1953
92	5.99	10.2575	13.0602	16.9383
94	5.84	9.9575	11.9602	15.6813
96	5.69	9.6575	10.8602	14.4243
98	5.54	9.3575	10.3602	13.1673
100	5.39	9.0575	9.8602	11.9103
102	5.24	8.7575	9.5258	10.6533

104	5.09	8.4575	9.0258	9.3963
106	4.94	8.1575	8.9058	9.1963
108	4.79	7.8575	8.4058	8.9963
110	4.64	7.5575	7.9058	8.2963

Table III.8Variation du (FR) pour les différentes Tg et Tc

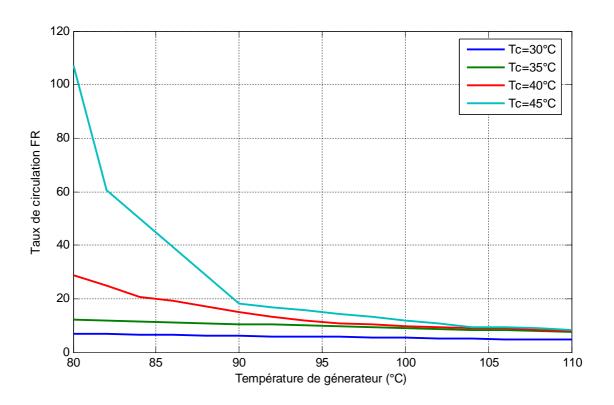


Figure III.15 Variations du taux de circulation (FR) en fonction de (Tg)

La figure ci-dessus montre que le taux de circulation (FR) se diminuer avec l'augmentation des températures du générateur et aussi avec des températures de la condensation élever et  $(Tc=45^{\circ}C \text{ et } Tc=40^{\circ}C)$ .

Remarque : l'augmentation de la solution concentréesuite à l'augmentation de (Tg), ce qui permet l'augmentation de la plage de dégazage et ce explique la diminution du (FR).

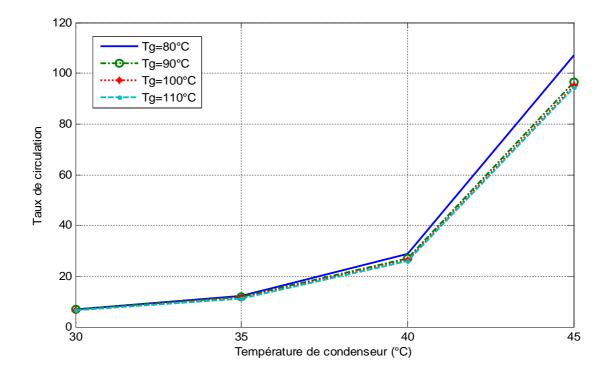


Figure III.16 Variation du taux de circulation (FR) en fonction de (Tc)

La figureIII.16 montre qu'il y a une relation entre l'augmentation dutaux de circulation et L'augmentation de la température de condensation (Tc).donc plus la valeur de Tc est élevé plus le Fr est élevé.

Lors on a Tg=110 et Tc=43 Le Fr=60 et lors on a Tg=80 et Tc=43 Le Fr=68

Donc on a une relation inverse entre la température de générateur et le Fr (l'augmentation du Fr avec les basses Tg et la diminution du Fr avec les hautes Tg).

### III.2.5 L'efficacité du système $(\eta)$

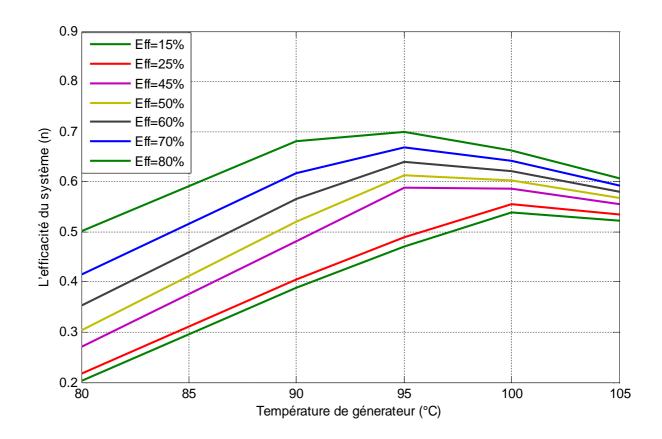
### III.2.5.1 L'effet de l'efficacité de l'échangeur sur l'efficacité du système $(\eta)$

Pour des températures (Ta, Te, Tc) connus et une valeur de (Tg) variable on vaétudier l'effet de l'efficacité d'échangeur sur l'efficacité du système  $(\eta)$ .

Pour Ta=25, Tc= 32 et Te=5 on obtient les résultats suivants :

Tg	Eff= 5%	Eff=15%	Eff=25%	Eff=35%	Eff=45%	Eff=50%	Eff=60%	Eff=70%	Eff=80%
80	0.19648	0.20357	0.21725	0.24169	0.27105	0.30448	0.35248	0.41578	0.50249
90	0.36946	0.38864	0.40544	0.33000	0.48188	0.52005	0.56467	0.61745	0.68084
95	0.25374	0.47095	0.48867	0.50777	0.58710	0.61191	0.63884	0.66814	0.70010
100	0.52578	0.53966	0.55432	0.56979	0.58613	0.60341	0.62169	0.64103	0.66151
105	0.51315	0.52320	0.53367	0.54456	0.55588	0.56766	0.57991	0.59262	0.60581

**Table III.9**Variations du  $(\eta)$  enfonction de (Eff)



*Figure III.17 Variations du*  $(\eta)$  *enfonction de* (*Effechangeur*)

On remarque que avec l'augmentation de la température de générateur et pendant la tendance à la hausse de différentes efficacités de l'échangeur de chaleur de 15% au80% l'efficacité du système ça développer d'une forme ascendant de 0.2 jusqu'à 0.7 .lors on prend une température de générateur (Tg) fixe, l'augmentation de l'efficacité del'échangeur de chaleur permet l'augmentation de  $(\eta)$  ce qui confirme sonrôle indispensabledans le système.

L'efficacité du système (η) ça augmente grâce à l'augmentation de l'efficacité de l'échangeur.

Remarque : L'efficacité (η) du système ça développe en parallèle avec le développement du (Efféchangeur) de Tg=80°Cjusqu'a Tg= 100°C et ça commence de diminuer à partir 100°C jusqu'à 105°C elle se stabilise.

#### III.2.6 Validation des résultats

Pour valider le code numérique, nous avons comparé nos résultats avec ceux obtenue par l'auteur Romero et al.[40]

### III.2.6.1 Validation par rapport au (COP)

Nos résultats ont été comparés aux résultats d'une publication de Romero [40]qui a étudié une machine à absorption travail avec le couple (H2O/LiBr), cette machine en question est équipée d'un échangeur de chaleur dont l'efficacitéégale à 0%. Pour effectuer cette comparaison on à0 opté pour la représentation de la variation duCOP (coefficient de performance) en fonction de la température de générateur(Tg)pour des températures d'évaporation (Te), d'absorption (Ta) et condensation (Tc)connus. Et pour la validation on a utilisé logiciel "CurveUnscan" pour comparé notre points du courbe par rapport les point du courbe de Romero et al. [40]

Les résultats obtenus tableau 3.10 montrent une grande concordance entre nosrésultats et ceux de Romero et al.[40]

Température Tg	Cop Romero et al [40]	Présent Travail	
65.1081	0.471649	0.462548	
66.0811	0.508763	0.497909	
67.5946	0.559794	0.54924	
69.2162	0.6	0.591445	
70.9459	0.629381	0.625665	
72.8919	0.651031	0.655323	
75.4865	0.671134	0.680418	
79.0541	0.689691	0.702091	
83.1622	0.705155	0.71692	
86.8378	0.720619	0.723764	
89.7568	0.73299	0.73403	

Tableau III.10 Résultat et comparaison

Alors les résultats obtenus de la part de notre code sont très acceptables.

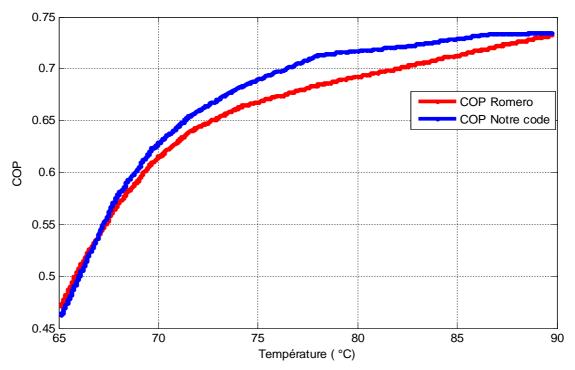


Figure III.18 La comparaison du COP en fonction de Tg par rapport COP de Romero et al On peut noter que les résultats obtenus par notre modèle numériquesont en bon accord avec celles de Romero et Al.

## III.3. Tableau Récapitulatif

Le tableau III.11 résume le travail de ce mémoire et donc représente une étude sur les composantes de base de la machine à absorption solaire (Générateur, Absorbeur, Condenseur, Evaporateur) et l'échangeur de chaleur. Ces composantes sont soumises à des différents facteurs influençant le système tel que la température, et l'efficacité de l'échangeur, sur le coefficient de performance (COP) de la machine à absorption solaire et le taux de circulation (FR) et l'efficacité de système ( $\eta$ ). Les résultats de simulation sur Matlab Simulink ont montré que :

- √ l'augmentation de la température de générateur et l'évaporateur ainsi que l'augmentation
  et l'efficacitéd'échangeur ont une influence positive sur le cop de système par contre ils
  ont un effet négatifsur le FR et effet de système sauf que l'échangeur il a un effet positif
  sur l'efficacité de système.
- ✓ l'augmentation de t de l'absorbeur et condenseur elle a un effet négative sur le cop par contre elle a un effet positive sur FR et l'efficacité.

Facteurs	L'élément	СОР	FR	η
e.	Générateur	+	-	-
ratur	Absorbeur	-	+	+
Température	Condenseur	-	+	+
T	Evaporateur	+	-	-
L'efficacité d'échangeur	Echangeur de chaleur	+	/	+

Table III.11 Tableau récapitulatif

D'une part ; on a fait une étude numérique sur le rayonnement capté par le capteur solaire plan, puis la simulation sur la machine frigorifique a absorption a simple effet et les points suivants résume le travail qui ontà obtenue :

- L'influence de différent facteur sur le COP du système de refroidissement à absorption.
- o L'effet de la température de générateur (Tg) et de condenseur (Tc) et d'évaporateur (Te) et d'absorbeur (Ta) sur le COP.
- o L'influence de différent facteur sur le taux de circulation (FR) du système de refroidissement à absorption.
- o L'influence de différent facteur sur le taux de circulation (FR) du système de refroidissement à absorption

D'une autre part ;dans l'étude de l'échangeur de chaleur on a démontré le rôle indispensable de l'échangeur grâce àson effetsur l'efficacité du système (η) et son efficacité sur le COP de la machine frigorifique a absorption. Et on a validé notre résultat avec la comparaison du COP de notre code et le COP de Romero et al [34].

Enfin, ona fait un tableau récapitulatif résume les influences de température capté par le capteur solaire qui entraine le système de refroidissement dans le générateur de la machine à absorption et l'efficacité de l'échangeur de chaleur. Ces deux facteurs major ils ont une influence directe sur le COP et le FR et ηdu système.