II-1-Introduction:

Le pré-dimensionnement des éléments porteurs (les planchers, les poutres, les poteaux, voiles) est une étape régie par les lois empiriques.

Cette étape représente le point de départ et la base de la justification à la résistance, la stabilité et la durabilité de l'ouvrage aux sollicitations suivantes :

> Sollicitations verticales :

Elles sont dues aux charges permanentes et aux surcharges d'exploitation de plancher, de poutrelles, poutres et poteaux ... etc. et finalement transmise au sol par les fondations.

> Sollicitations horizontales :

Elles sont généralement d'origine sismique et sont requises par les éléments de contreventement constitué par les portiques.

Le pré-dimensionnement de tous les éléments de l'ossature est conforme aux règles **B.A.E.L91** et **R.P.A99V2003**.

II-2-pré-dimensionnement des planchers :

II-2-1-l'epaisseur du plancher :

Le dimensionnement d'un plancher en corps creux se résume à dimensionner une poutrelle, et donc l'utilisation de la condition de flèche $(^1)$:

$$h_t \ge \frac{Lmax}{22.5}$$

 $L_{\text{max}} = (4,20-0,3) = 3,90\text{m}$ (longueur max de la poutrelle entre nus des appuis).

Donc
$$h_t \ge \frac{390}{22.5} = 17,33 \text{ cm}$$

Condition de la flèche :

 $h_{min} \ge 16 \text{ cm}$

On a : h=17,33 cm> 16 cm → condition vérifiée

 $Soit \; h_t = 20 \; cm \quad donc \; \begin{cases} 16 \; \textit{cm \'epaisseur de la dalle en corps creux} \\ 4 \; \textit{cm \'epaisseur de la dalle de compression} \end{cases}$

¹D.T.U règles BAEL 83 page 170

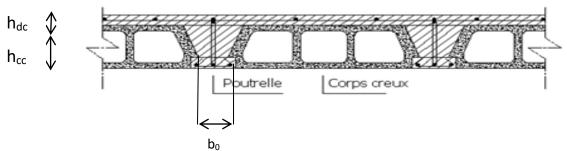


Figure II.1 : coupe verticale du plancher en corps creux

 h_{cc} : hauteur de la dalle en corps creux.

 h_{dc} : hauteur de la dalle de compression.

b₀: hauteur de la nervure de 8 à 12 cm.

II-2-2-Descente des charges $(^1)$:

L'évaluation des charges est surcharges consiste à calculer successivement pour chaque élément porteur de la structure, la charge qui lui revient a chaque plancher et ce jusqu'a la fondation. Les différents charges et surcharges existantes sont :

- Les charges permanentes (G).
- Les surcharges d'exploitation (Q).

II-2-2-1-charge permanente:

a. Terrasse inaccessible :

Tableau II-1: Evaluation des charges permanentes du plancher terrasse

Composants	Epaisseur(m)	G (KN/m ²)
1-Protection en gravillon	0,05	0,80
2-Etanchéité multicouche	0,02	0,12
3-Forme de pente en béton léger	0,10	2,20
4-Isolation thermique	0,04	0,16
5-Dalle en corps creux	16 + 4	2,80
6-Enduit en plâtre	0,02	0,20

la charge permanente G=6,28KN/m².

17

¹D.T.R.B.C2.2 charge permanente et charge d'exploitation

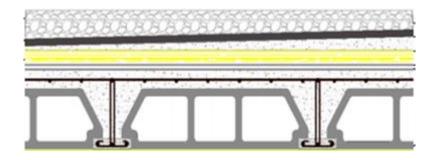


Figure II.2: coupe d'un plancher terrasse a corps creux

b. Etage courant :

Tableau II-2: évaluation des charges permanentes du plancher courant

Composants	Epaisseur(m)	G (KN/m ²)
1-Revetement en carrelage	0,02	0,40
2-Mortier de pose	0,02	0,40
3-Lit de sable	0,02	0,36
4-Dalle en corps creux	16 + 4	2,80
5-Enduit en plâtre	0,02	0,20
6-cloison de séparation	0,10	0,90

La charge permanente $G = 5.06 KN/m^2$.

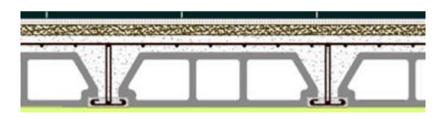


Figure II-3 : coupe plancher étage courant

c. Mur extérieur (double cloison) :

Tableau II-3: Evaluation des charges permanentes dues au mur extérieur

Composants	Epaisseur (m)	G (KN/m ²)
1-Briques creuses	0,10	0,90
2-Briques creuses	0,15	1,35
3-Enduit extérieur en ciment	0,02	036
4-Enduit intérieur en plâtre	0,02	0,20
	total	2,81

La charge permanente (niveau RDC) G= 2,81x (3,84 – 0,3)=9,95 KN/m.

La charge permanente (niveau étage courant) G=2.81x (3.06 - 0.3) = 8.51 KN/m.

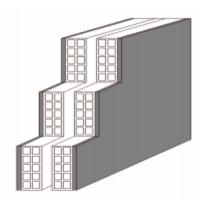


Figure II-4: mur extérieur

d. Murs intérieurs (simple cloison):

Tableau II-4: charge permanente du mur simple cloison

Composants	Epaisseur (m)	G (KN/m ²)
1-enduit extérieur en ciment	0,02	0,36
2-briques creuses	0,10	0,90
3-enduit intérieur en ciment	0,02	0,36
	total	1,62

La charge permanente (niveau RDC) $G=1,62 \times (3,84-0,3) = 5,73 \text{ KN/m}.$

La charge permanente (niveau étage courant) $G=1,62 \times (3,06-0,3)=4,47 \text{ KN/m}$.

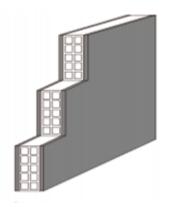


Figure II-5 : mur intérieur

II-2-2-charge d'exploitation :

Terrasse inaccessible $Q = 1 \text{ KN/m}^2$.

Etage courant $Q = 1.5 \text{ KN/m}^2$.

RDC (boutique) : $Q = 4 \text{ KN/m}^2$.

Les balcons : $Q = 3.5 \text{ KN/m}^2$.

II-3-Pré-dimensionnement des éléments porteurs:

II-3-1-Les poutres:

Les poutres de notre bâtiment sont des éléments en béton armé, de sections rectangulaires, elles sont susceptibles de transmettre aux poteaux les efforts dus aux chargements verticaux engendrés par les planchers.

Les poutres seront prés dimensionnés selon les formules empiriques données par le **BAEL 91 révisée 99** et vérifiées par la suite selon le **RPA 99 / version 2003.**

D'une manière générale en peut définir les poutres comme étant des éléments porteurs horizontaux.

On a deux types de poutres :

II-3-1-1-Les poutres principales :

Elles reçoivent les charges transmise par les solives (Poutrelles) et les répartie aux poteaux sur lesquels ces poutres reposent.

- elles relient les poteaux.
- > elles Supportent la dalle.

on $a:(^1)$

$$\begin{cases} \frac{L}{15} \le h \le \frac{L}{10} \\ 0.3 \ d \le b \le 0.4 \ d \\ \frac{h}{h} < 4 \end{cases}$$

 $(L:\ distance\ entre\ les\ axes\ des\ poteaux\ et\ on\ choisit\ la\ plus\ grande\ portée.$

h: hauteur de la poutre.

b: largeur de la poutre d: hauteur utile.

.On a : L_{max} =4,20m

 $420cm / 15 \le h \le 420cm / 10 \rightarrow 28cm \le h \le 42cm$

Alors on prend :h=40 cm

$$0.3 \text{ d} \le b \le 0.4 \text{ d}$$
 avec $d=0.9 \times h \rightarrow 10.8 \text{ cm} \le b \le 14.4 \text{ cm}$

Alors on prend :b=30 cm

Les dimensions des poutres doivent respecter les conditions suivantes (²) :

$$b \ge 20 \text{ cm} \rightarrow 30 \text{ cm} > 20 \text{ cm} \rightarrow \text{Condition V\'{e}rifi\'{e}e}.$$

$$h \ge 30 \text{ cm} \rightarrow 40 \text{ cm} > 30 \text{ cm} \rightarrow \text{Condition V\'erifi\'ee}.$$

$$h/b$$
< 4 → 40 / 30 = 1,33 < 4 → Condition Vérifiée.

Alors on prend :b=30 cm

¹ Précise de calcul en béton armé page 294

²RPA 99version 2003 page 69

II-3-1-2-Les poutres secondaires :

Elles relient les portiques entre eux.

On a : $L_{max} = 4,00 \text{ m}$

 $400 \text{cm}/15 \le h \le 400 \text{ cm}/10 \rightarrow 26,66 \text{cm} \le h \le 40 \text{cm}$

Alors on prend : $\mathbf{h} = 35$ cm

 $0.3d \le b \le 0.4d$ avec d=0.9xh $\rightarrow 9.45$ cm
b < 12.6cm

Alors on prend : **b=30 cm**

D'après le RPA 99 / version 2003 :

 $b \ge 20 \text{ cm} \rightarrow 30 \text{ cm} > 20 \text{ cm} \rightarrow \text{condition V\'{e}rifi\'{e}e}.$

 $h \ge 30 \text{ cm} \rightarrow 35 \text{ cm} > 30 \text{ cm} \rightarrow \text{condition V\'{e}rifi\'{e}e}.$

 $h/b < 4 \rightarrow 35/30 = 1,16 < 4 \rightarrow condition Vérifiée$

Finalement:

 \triangleright Poutres principales : (30×40) cm²

 \triangleright Poutres secondaires : (30×35) cm²

II-3-2-Les poteaux :

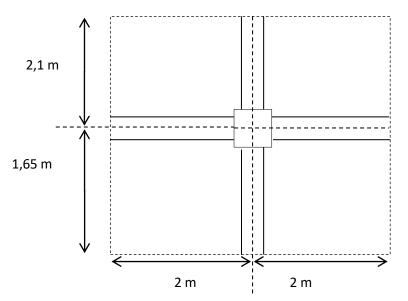
Les pré-dimensionnement s'effectuent avec le choix du poteau le plus sollicité (poteau central). La section de calcul du poteau est faite de telle façon qu'il ne flambe pas.

On utilise un calcul basé sur la descente des charges permanentes tout en appliquant la loi de dégression des charges d'exploitations.

La surface afférente est donnée par :

 $S_{aff} = (4/2+4/2) \times (4,2/2+3,3/2)$

 $S_{aff}=15m^2$



FigureII-6:représentation du poteau le plus sollicité

II-3-2-1-Loi de dégression de la surcharge d'exploitation :

On utilise la méthode de dégression des surcharges d'exploitation en fonction du nombre d'étages (¹)

$$Q_0 + \frac{3+n}{2n}Q1 + Q2 + \dots + Q_n$$

Avec:

n : Nombre d'étage on démarre de haut en bas (le premier étage est "0")

Q₀: La charge d'exploitation sur la terrasse.

 Q_1, Q_2, \dots, Q_n : Les charges d'exploitations des planchers respectifs.

On utilise $\frac{3+n}{2n}$ à partir du cinquième étage.

• $8^{\text{ème}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0$

• $7^{\text{ème}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0 + Q_1$

• $6^{\text{ème}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0 + 0.95 (Q_1 + Q_2)$

• $5^{\text{ème}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0 + 0.90 (Q_1 + Q_2 + Q_3)$

• $4^{\text{ème}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0 + 0.85 (Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4)$

• $3^{\text{ème}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0 + 0.80 (Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 + Q_5)$

• $2^{\text{ème}} \text{ étage: } Q_{\text{cum}} = Q_0 + 0.75 (Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 + Q_5 + Q_6)$

• $1^{\text{ère}}$ étage: $Q_{\text{cum}} = Q_0 + 0.71 (Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 + Q_5 + Q_6 + Q_7)$

• RDC: $Q_{cum} = Q_0 + 0.69 (Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 + Q_5 + Q_6 + Q_7 + Q_8)$

¹D.T.R.B.C page 17

Niveau	Dégression des charges par niveau	La charge (KN/m²)
Terrasse	Nq ₀ =1,00	1
08	$Nq_1 = q_0 + q_1$	2,5
07	$Nq_2=q_0+0.95 (q_1+q_2)$	3,85
06	$Nq_3=q_0+0,9 (q_1+q_2+q_3)$	5,05
05	Nq ₄ =q ₀ +0,85 (q ₁ +q ₂ +q ₃ +q ₄)	6,1
04	$Nq_5=q_0+0,8 (q_1+q_2+q_3+q_4+q_5)$	7
03	$Nq_6=q_0+0.75 (q_1+q_2+q_3+q_4+q_5+q_6)$	7,75
02	$Nq_7=q_0+0,71 (q_1+q_2+q_3+q_4+q_5+q_6+q_7)$	8,46
01	$Nq_8=q_0+0,69 (q_1+q_2+q_3+q_4+q_5+q_6+q_7+q_8)$	9,28
RDC	$Nq_9 = q_0 + 0.66 (q_1 + q_2 + q_3 + q_4 + q_5 + q_6 + q_7 + q_8 + q_9)$	11,56

Tableau II-5: dégression des charges d'exploitation

II-3-2-2-Les efforts de compression due aux charges permanentes:

$$G_{P.principale} = (\frac{4,2}{2} + \frac{3,3}{2}) \ 0.3 \ x \ 0.4 \ x \ 25 = 11,25 \ KN$$

$$G_{P.secondaires} = (\frac{4}{2} + \frac{4}{2}) \ x \ 0.3 \ x \ 0.35 \ x \ 25 = 10,5 \ KN$$

$$G_{Terrasse} = 6,28 \ x \ 15 = 94,2 \ KN$$

$$G_{RDC,e.Courant} = 5,06 \ x \ 8 \ x \ 15 = 607,2 \ KN$$

$$G_{totale} = (11,25 + 10,5) \ x \ 9 + 94,2 + 607,2 = 897,15 \ KN$$

$$Q_{totale} = 11.56 \ x \ 15 = 173,4 \ KN$$

Majoration des efforts : On doit majorer les efforts de 10 % :

$$\begin{split} N_G&=1,1~x~897,15=986,87~KN\\ N_Q&=1,1~x~173,4=190,74~KN\\ N_u&=1,35~N_G+1,5~N_Q=1618,38~KN \end{split}$$

II-3-2-3-Dimensions des poteaux :

Les dimensions de la section transversale des poteaux rectangulaire doivent répondre aux conditions du **RPA 99 / version 2003** (¹):

Min
$$(a,b) \ge 25$$
cm en zone IIa.

Le règlement**BAEL91 révisée 99** (²) définie la longueur de flambement L_f comme suit :

- \triangleright 0,7×L₀: si le poteau est à ses extrémités :
 - Soit encastré dans un massif de fondation.
 - Soit assemblé à des poutres de plancher ayant au moins la même raideur que lui dans le sens considéré et le traversant de part en part.
- ➤ L₀: dans les autres cas.

Pour notre cas, on prend : $L_0 = 0.7 L_0$ (poteau avec des extrémités encastrés jusqu'à fondation)

- Arr RDC : L_f= 0.7 x 3.84 = 2.69m.
- \triangleright Etage courant : L_f= 0,7x 3,06 = 2,14m.

On doit dimensionner les poteaux de telle façon qu'il n'y a pas de flambement c'est-à-dire $\lambda \le 50$ (3):

$$\lambda = \frac{lf}{i} = \frac{0.7 \ l0}{i}$$
$$i = \sqrt{\frac{l}{B}}$$

$$B = a \times b$$

$$I = \frac{b \times a^{3}}{12}$$

$$i = \sqrt{\frac{b \times a^{3}}{12 \times a \times b}} = \sqrt{\frac{a^{2}}{12}} = 0,289 \text{ a}$$

Avec:

Lf: longueur de flambement.

i : rayon de giration.

B: section des poteaux.

 λ : l'élancement du poteau.

I: moment d'inertie.

➤ Niveau RDC :

• Détermination de a :

$$\lambda = \frac{lf}{i} = \frac{269}{0,289 \ a} \le 50 \rightarrow a \ge \frac{269}{0,289 \ x \ 50} = 18.62 \ cm$$

¹RPA 99 / version 2003 Page 65

²D.T.U règles BAEL 91 révisée 99 page 112

³D.T.U règles BAEL 91 page 86

On prend a=40 cm

$$\lambda = \frac{0.7L0}{i} \rightarrow \lambda = 269/$$
 (0,289 x 45)= 20,68< 50 \rightarrow condition vérifiée

• Détermination de b :

Selon les règles du **BAEL91révisée 99** (¹), l'effort normal ultime N_u doit être:

$$N_u \le \alpha \left[\frac{B_r f_{c28}}{0.9 \gamma_b \theta} + A_s . \frac{f_e}{\gamma_s} \right]$$
 $fc28 = 25 MPa$; $Fe = 400 MPa$; $\gamma b = 1.5$; $\gamma s = 1.15$
 $Br = (a - 2) (b - 2) cm^2$

Br: Section réduite

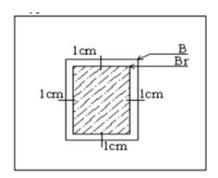


Figure II-7: la section réduite du poteau rectangulaire

B_r=(40 - 2)(b - 2)= 38 (b - 2)
As: Section d'armature longitudinale
As = 0,8 % Br
$$\rightarrow$$
 Zone IIa
As = 0,8% [38(b-2)] = 0.304 (b-2)
 α : étant un coefficient fonction de λ :(2)

$$\begin{split} \alpha &= \frac{0,85}{1+0,2(\frac{\lambda}{35})^2} \\ \alpha &= \frac{0,85}{1+0,2\left(\frac{20,68}{35}\right)^2} = 0,79 \\ N_u &\leq 0,79[\frac{38\,(b-2)x\,25}{0,9x1,5x10} + \frac{0,304\,(b-2)x\,400}{1,15x10}] \end{split}$$

b≥ 24,16cm

¹D.T.U règles BAEL 91 révisée 99 page 112

²D.T.U règles BAEL 91 révisée 99 page 113

On prend **b=40cm**

Etage courant:

• Détermination de a :

$$\lambda = \frac{lf}{i} = \frac{214}{0,289 \text{ a}} \le 50 \rightarrow a \ge \frac{214}{0,289 \text{ x} 50} = 14,81 \text{cm}$$

On prend a=35cm

 λ = 0,7L₀/i=214/ (0,289 x 35)= 21,16<50 \rightarrow condition vérifiée

• Détermination de b :

$$B_r=(35 - 2) (b - 2)=33 (b - 2)$$

 $A_s=0.8\% [33 (b-2)]=0.264(b-2)$

$$\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{21.16}{35}\right)^2} = 0.79$$

$$\text{Nu} \le 0.79 \left[\frac{33 (b-2) 25}{0.9 \times 1.5 \times 10} + \frac{0.264 (b-2) 400}{1.15 \times 10} \right]$$

B≥30,88cm

On prend **b=35cm**

> Vérification selon de RPA :

• Niveau RDC:

Min(a,b)=45>20
$$\rightarrow$$
 Conditionvérifiée
Min (a,b)=45> $\frac{384}{20}$ = 19,2 \rightarrow Condition vérifiée
 $\frac{1}{4} < \frac{45}{45}$ =1<4 \rightarrow Conditionvérifiée

• Etage courant:

Min(a,b)=35>20
$$\rightarrow$$
 Conditionvérifiée
Min(a,b)=35> $\frac{306}{20}$ = 15 \rightarrow Conditionvérifiée
 $\frac{1}{4} < \frac{35}{35}$ =1<4 \rightarrow Conditionvérifiée

II-4-Choix des sections des poteaux :

Le tableau suivant résume les dimensions des poteaux pris en compte pour les différents étages de la construction :

Niveau d	'étage	8 ^{ème}	7 ^{ème}	6 ^{ème}	5 ^{ème}
Dimension des poteaux	a (cm)	35	35	35	35
	b (cm)	35	35	35	35
Niveau d'étage		4 ^{ème}	3 ^{ème}	2 ^{ème}	1 ^{ère}
Dimension des poteaux	a (cm)	35	35	35	35
	b (cm)	35	35	35	35
Niveau d'étage		RDC			
Dimension des poteaux	a (cm)	40			
	b (cm)	40			

Tableau II-6: choix des sections des poteaux

Vérification de la raideur poteau-poutre:

$$\frac{b_{poutre} \; x \; h_{poutre}^3}{12 \; x \; l_{poutre}} < \frac{b_{poteau} \; x \; h_{poteau}^3}{12 \; x \; l_{poteau}}$$

Avec:

Tableau II-7-: vérification de la raideur

niveau	Les poutres	Les poteaux	La condition	Vérification
PP (30x40) PS (30x35) (40 x 4)	(40 × 40)	0,000421<0,000620	Condition vérifiée	
	PS (30x35)	(40 X 40)	0,000283<0,000620	Condition vérifiée
Etage	age PP (30x40)	0,000421<0,000470	Condition vérifiée	
courant	PS (30x35)	(35 x 35)	0,000282<0,000470	Condition vérifiée

II-5-Pré-dimensionnement des voiles de contreventement:

Les voiles sont des murs réalisés en béton armé ont pour rôle le contreventement du bâtiment et éventuellement supporter une fraction des charges verticales.

La solution de contreventement avec voiles en béton armé est actuellement très répandue ; très souvent, les voiles en cause, disposés transversalement aux bâtiments de forme rectangulaire allongée, constituent également les éléments de transmission des charges verticales, sans être obligatoirement renforcés par des poteaux.

On considère comme voiles les éléments satisfaisant à la condition $L \ge 4a$.

Dans le cas contraire, ces éléments sont considérés comme des éléments linéaires.

Le **RPA 99 / version 2003** (¹), exige une épaisseur minimale de 15 cm, de plus, l'épaisseur doit être déterminée en fonction de la hauteur libre d'étage h_e et des conditions de rigidité aux extrémités.

- ➤ Pour les voiles avec deux abouts sur des poteaux : a≥Max[h_e/25 ;15cm]
- ➤ Pour les voiles avec un seul about sur les poteaux :a≥Max[h_e/22 ;15cm]
- ➤ Pour les voiles a abouts libres : a≥Max[h_e/20;15cm]

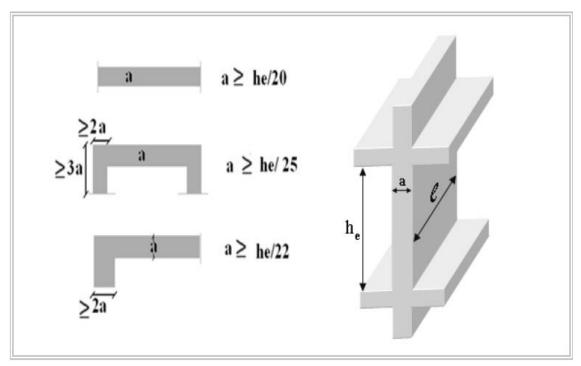


Figure II-8 : coupe de voile en élévation

En résumé, pour notre cas, on peut utiliser le premier type avec : h_{rdc} = 3,84m **Le RPA 99** / **version 2003**considère comme voiles de contreventement les voiles satisfaisant la condition suivante :

 $\begin{cases} L \ge 4a \\ a \ge he/20 \\ a \ge \max [384/20; 15 \text{ cm}] \\ a \ge \max [19.2\text{cm}; 15 \text{ cm}] \end{cases}$

Donc, on adopte pour le RDC un voile de : a =20cm

Le deuxième type :h_e=3,06m

¹**R.P.A 99 version 2003** page 79

 $a \ge max [306/20 ; 15cm]$ $a \ge max [15,3 cm ; 15cm]$

Donc on adopte pour tous les niveaux un voile de : a=20cm

 $L \ge 4 \times 20=80 \text{cm}$ alors on prend :L=80 cm

Disposition des voiles:

Pour notre structure le système de contreventement est assuré conjointement par des voiles et des portiques dans les deux directions en plan. Pour assurer une meilleure résistance au séisme, nous devons de préférence avoir une distribution aussi régulière que possible des masses et des rigidités tant en plan qu'en élévation.

Donc le système de contreventement doit être disposé de façon à :

- ➤ Rependre une charge verticale suffisante pour assurer sa stabilité.
- Assurer une transmission directe des forces aux fondations.
- > Minimiser les effets de torsion.

Récapitulatif

- + Poutres principales : (30×40) cm²
- ♣ Poutres secondaires : (30×35) cm²

♣ Plancher

(16+4) ${16 cm épaisseur de la dalle en corps creux 4 cm épaisseur de la dalle de compression$

- Poteaux RDC : (40×40) cm²
- \clubsuit Poteaux etage courant : (35 × 35)cm²
- lacktriangledown la charge permanente du plancher terrasse : $G = 6,28KN/m^2$.
- La charge permanente du plancher étage courant $G = 5.06KN/m^2$.
- \bot La charge d'exploitation d'étage courant $Q = 1.5 \text{ KN/m}^2$.
- \clubsuit La charge d'exploitation de RDC (boutique) : $Q = 4 \text{ KN/m}^2$.
- **↓** *L'épaisseur du voile : a = 20 cm*